**SUR L'UNICITÉ DU CÔNE CONVEXE DIVISIBLE RELATIF
AU NOYAU DE CONVOLUTION DE HUNT DÉFINI
PAR L'OPÉRATEUR DIFFÉRENTIEL**

MASAYUKI ITÔ

§ 1. Introduction

Dans toute la suite $\mathbf{R}^n$ désignera l'espace euclidien à dimension $n (\geq 1)$. Pour un point $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ de $\mathbf{R}^n$, on note $|x| = \left(\sum_{i=1}^n x_i^2\right)^{1/2}$ et la coordonnée sphérique dans $\mathbf{R}^n$ désignera (r, σ) .

Rappelons qu'un noyau de convolution N sur $\mathbf{R}^n$ est une mesure (de Radon) positive dans $\mathbf{R}^n$ dans la théorie du potentiel. Pour une mesure réelle μ dans $\mathbf{R}^n$, $N * \mu$ s'appelle le N -potentiel de μ dès que cette convolution est définie au sens des mesures. On connaît bien que, dans la théorie du potentiel, les noyaux de convolution de Hunt possèdent les propriétés définitives.

Dans l'article [6], on a introduit la notion du cône convexe divisible (du cône convexe de Riesz) relatif au noyau de convolution de Hunt donné et on a montré, dans l'article [7], que pour un opérateur différentiel elliptique et auto-adjoint L d'ordre ≤ 2 sur $\mathbf{R}^n$ à coefficients constants tel qu'il existe le noyau de convolution G_L sur $\mathbf{R}^n$ s'annulant à l'infini vérifiant $LG_L = -\varepsilon$ (au sens des distributions), où ε est la mesure d'unité à l'origine, un cône convexe divisible relatif au noyau G_L formé par 0 et de noyaux de convolution de Dirichlet sur $\mathbf{R}^n$ est uniquement déterminé et que cela est égal à

$$\left\{ c\varepsilon + \int G_{L,p} d\nu(p); c \in \mathbf{R}^+, \nu \in M^+(\mathbf{R}^+) \text{ avec } \int_1^\infty \frac{1}{p} d\nu(p) < +\infty \right\},$$

où $\mathbf{R}^+ = \{t \in \mathbf{R}^+; t \geq 0\}$, $M^+(\mathbf{R}^+)$ est l'ensemble formé par toutes les mesures positives sur $\mathbf{R}^+$ et où $(G_{L,p})_{p \geq 0}$ est la résolvante associée au noyau G_L .

Le but de cette note est une généralisation de ce résultat. Soit L