

# Densité des points rationnels sur un groupe algébrique (errata)

Michel Waldschmidt

Volume 3 (1994), pages 329–352

Dans la section 4f concernant plusieurs plongements réels, page 346, est écrit :

“... on utilise la remarque suivante, dont la démonstration repose sur le fait qu’une réunion finie de sous-groupes de  $\mathbb{Z}^l$  distincts de  $\mathbb{Z}^l$  est encore distincte de  $\mathbb{Z}^l$  :

*si  $B$  est une variété abélienne sur un corps  $K$ , et si  $\Gamma$  est un sous-groupe de  $B(K)$  Zariski dense dans  $B$ , il existe  $\gamma \in \Gamma$  qui engendre un sous-groupe  $\mathbb{Z}\gamma$  Zariski dense dans  $B$ .”*

Comme me l’a fait remarquer J-P. Serre,  $\mathbb{Z}^2$  est réunion de trois sous-groupes d’indice 2, tels que  $(2\mathbb{Z}) \times \mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z} \times (2\mathbb{Z})$  et  $\mathbb{Z}(1, 1) + \mathbb{Z}(1, -1)$ . D’autre part un contre exemple à la remarque en question est donné par le carré  $B = A^2$  d’une variété abélienne  $A$ , avec  $\Gamma = \mathbb{Z}(\gamma, 0) + \mathbb{Z}(0, \gamma) \subset A(K)^2$ , quand  $\gamma$  est un point d’ordre infini de  $A(K)$ .

Pour corriger la remarque, il faut ajouter l’hypothèse que  $B$  est produit de variétés abéliennes simples deux-à-deux non isogènes. On remplacera donc ce qui précède par :

“... on utilise la remarque suivante, dont la démonstration repose sur le fait qu’une réunion finie

de sous-groupes de  $\mathbb{Z}^l$  de rang  $\leq l - 1$  est distincte de  $\mathbb{Z}^l$  :

*si une variété abélienne  $B$  sur un corps  $K$  est produit de variétés abéliennes simples deux-à-deux non isogènes, et si  $\Gamma$  est un sous-groupe de  $B(K)$  Zariski dense dans  $B$ , il existe  $\gamma \in \Gamma$  qui engendre un sous-groupe  $\mathbb{Z}\gamma$  Zariski dense dans  $B$ .”*

D’autre part dans ce même texte, page 341, il est dit que la conjecture 4.2 est facile quand  $d = 2$  ; mais c’est seulement quand  $d = 2$  et que  $u_1$  et  $u_2$  sont des périodes que le résultat est banal.

Enfin la remarque suivante, page 344, à la fin de la section 4c :

**Remarque.** Dans le cas  $r_2 \geq 2$ , on peut raffiner le corollaire 4.6 en remplaçant l’hypothèse ... (b) par  $l \geq (r_1 + r_2 + 1)^2 + 1$ .

doit être corrigée de la manière suivante :

**Remarque.** Dans le cas  $r_2 \geq 2$ , on peut raffiner le corollaire 4.6 en remplaçant l’hypothèse ... (b) par  $l \geq (r_1 + r_2 + 1)^2 + r_2 - 1$ .

Michel Waldschmidt , Université Pierre et Marie Curie (Paris VI), Institut de mathématiques de Jussieu,  
Problèmes diophantiens, Case 247, F-75252 Paris, France (miw@mathp6.jussieu.fr)