

## PAPERS COMMUNICATED

**82. Sur la nouvelle théorie unitaire de MM. Einstein et Bergmann.**

Par Kentaro YANO.

Institut de Mathématiques, Université Impériale de Tokio.

(Comm. by S. KAKEYA, M.I.A., Nov. 12, 1938.)

1. Nous avons récemment étudié la relativité non holonome<sup>1)</sup> en prenant, pour représenter l'espace-temps, un espace non holonome  $V_5^4$  défini par une équation de Pfaff non complètement intégrable

$$(1) \quad A_\lambda dx^\lambda = 0, \quad (\lambda, \mu, \nu, \dots = 0, 1, 2, 3, 4),$$

dans un espace de Riemann  $V_5$  à cinq dimensions qui satisfait à la condition suivante :

*L'espace de Riemann  $V_5$  admet un déplacement infinitésimal*

$$(2) \quad x^\lambda \rightarrow x^\lambda + A^\lambda dt,$$

*qui ne change pas la métrique de l'espace*

$$(3) \quad d\sigma^2 = G_{\lambda\mu} dx^\lambda dx^\mu,$$

*et qui déplace tous les points d'une même distance, où  $A^\lambda$  est défini par  $A^\lambda = G^{\lambda\mu} A_\mu$ .*

De cette condition, nous pouvons déduire

$$(4) \quad A_{\lambda; \mu} + A_{\mu; \lambda} = 0, \quad (\text{Equations de Killing})$$

$$(5) \quad G_{\lambda\mu} A^\lambda A^\mu = \text{constante},$$

où le point-virgule désigne la dérivée covariante par rapport aux symboles de Christoffel  $\Gamma_{\mu\nu}^\lambda$  formés avec les  $G_{\lambda\mu}$ .

Si l'on choisit un système spécial de coordonnées dans lequel le vecteur contrevariant  $A^\lambda$  a les composantes (1, 0, 0, 0, 0), on obtient de (4)

$$(6) \quad \partial G_{\lambda\mu} / \partial x^0 = 0,$$

et de (5)

$$(7) \quad G_{00} = \text{constante}.$$

Donc, on voit que notre espace  $V_5$  est celui de Riemann employé

- 1) K. Yano: La théorie unitaire des champs proposée par M. Vranceanu, C. R. t. **204** (1937), 332-334.  
 „ : Sur les espaces non holonomes totalement géodésiques, C. R. t. **205** (1937), 9-12.  
 „ : Sur la théorie unitaire non holonome des champs, I, II, Proc. Physico-Math. Soc. Japan, t. **19** (1937), 867-896, 945-976.  
 „ : La relativité non holonome et la théorie unitaire d'Einstein et Mayer, Mathematica, t. **14** (1938), 124-132.