

11. Quelques remarques sur les groupes de transformations dans les espaces à connexion linéaire, II.

Par Kentaro YANO.

Institut Mathématique, Université Impériale de Tokyo.

Kazuo TAKANO.

Kanritsu-Musen-Kosyuzyo, Tokyo.

(Comm. by S. KAKEYA, M. I. A., Apr. 12, 1946.)

§2. Collinéations affines.

Prenons un espace A_n à n dimensions à connexion affine $\Gamma_{\mu\nu}^\lambda$ et considérons, dans cet espace, une transformation infinitésimale

$$(2.1) \quad \bar{x}^\lambda = x^\lambda + \xi^\lambda(x) \delta t,$$

qui déplace chaque point (x^λ) de l'espace en un autre point (x^λ) infiniment voisin de (x^λ) .

Nous avons vu, dans le Chapitre précédent¹⁾, que la connexion affine $\Gamma_{\mu\nu}^\lambda$ subit, pendant cette transformation infinitésimale, un changement donné par

$$(2.2) \quad \dot{D}\Gamma_{\mu\nu}^\lambda = [(\xi^\lambda_{;\mu} + S^\lambda_{\mu\nu} \xi^\nu); \nu + R^\lambda_{\mu\nu\omega} \xi^\omega] \delta t,$$

où $S^\lambda_{\mu\nu}$ et $R^\lambda_{\mu\nu\omega}$ désignent respectivement le tenseur de torsion et celui de courbure de l'espace, soit,

$$(2.3) \quad S^\lambda_{\mu\nu} = \Gamma_{\mu\nu}^\lambda - \Gamma_{\nu\mu}^\lambda,$$

$$(2.4) \quad R^\lambda_{\mu\nu\omega} = \Gamma_{\mu\nu,\omega}^\lambda - \Gamma_{\mu\omega,\nu}^\lambda + \Gamma_{\mu\nu}^\alpha \Gamma_{\alpha\omega}^\lambda - \Gamma_{\mu\omega}^\alpha \Gamma_{\alpha\nu}^\lambda,$$

la virgule et le point-virgule représentant respectivement la dérivée partielle et la dérivée covariante.

Nous appellerons l'espace déformé \bar{A}_n l'espace dont la connexion affine est définie par

$$\bar{\Gamma}_{\mu\nu}^\lambda(x) = \Gamma_{\mu\nu}^\lambda(x) + D\Gamma_{\mu\nu}^\lambda.$$

Cela étant, considérons un vecteur contrevariant v^λ dans A_n . Sa dérivée covariante par rapport à la connexion affine $\Gamma_{\mu\nu}^\lambda$ est donnée par

$$\delta v^\lambda = dv^\lambda + \Gamma_{\mu\nu}^\lambda v^\mu dx^\nu.$$

Or, le vecteur correspondant \bar{v}^λ de l'espace déformé est donné par

$$\bar{v}^\lambda = v^\lambda + Dv^\lambda,$$

où

$$Dv^\lambda = [\xi^a v^\lambda_{;a} - \xi^\lambda_{;a} v^a] \delta t,$$

1) K. Yano: Quelques remarques sur les groupes de transformations dans les espaces à connexion linéaire I. Proc. 22 (1946), 41-47.