

2. Über den nicht-Abelschen Hauptdivisorsatz.

Von Hiraku TÔYAMA.

Mathematisches Institut, Tokyo Kôgyô Daigaku.

(Comm. by T. KUBOTA, M.J.A., Feb. 12, 1948.)

1. Problemstellung. In der Abelschen Theorie der algebraischen Funktionen wird ein Divisor erster Ordnung und nullten Grades $\mathfrak{D} = \frac{p_1 p_2 \cdots p_s}{q_1 q_2 \cdots q_s}$ stets durch eine multiplikative Funktion ausgedrückt. Die explizite Darstellung geschieht durch Abelsches Integral folgendermassen:

$$f(z) \exp\left(\sum_{i=1}^s I_{p_i, q_i}^{z, \sigma}\right),$$

wobei $I_{p_i, q_i}^{z, \sigma}$ das Abelsche Integral dritter Gattung bezeichnet, das in p_i und q_i logarithmisch singularär ist und in C verschwindet. Jede multiplikative Funktion ist eine eindeutige Funktion auf der Überlagerungsfläche der Homologien $\hat{\mathfrak{F}}$, welche maximal, unverzweigt und Abelsch über \mathfrak{F} überlagert, und wie von H. Weyl gezeigt wurde,⁽¹⁾ ein funktionentheoretisches Analogon des Hilbertschen Klassenkörpers ist. Daher kann man die Darstellbarkeit durch multiplikative Funktionen als ein Analogon des Hauptidealsatzes ansehen. Wie lässt sich dieser "Hauptdivisorsatz" formulieren in der nicht-Abelschen Theorie? Diese Frage wollen wir in der vorliegenden Arbeit beantworten.⁽²⁾ Freilich muss man dabei anstatt der $\hat{\mathfrak{F}}$ die universelle Überlagerungsfläche $\tilde{\mathfrak{F}}$ heranziehen.

2. Bezeichnungen.

$w(\mathfrak{D}) = \text{Grad} \langle \mathfrak{D} \rangle = \text{Verzweigungsgrad des } \mathfrak{D}.$

$d(\mathfrak{D}) = rj - w$, $\left(j = -\left[\frac{-w}{r}\right]\right)$, Defekt des \mathfrak{D} , wobei $[]$ die sogenannte Gaussische Funktion bezeichnet.

$N_{\mu\alpha} = \text{Verzweigungsmultiplizitäten.}$

$\nu(\mathfrak{D}) = \sum_{\mu=1}^l \sum_{\alpha < \beta} N_{\mu\alpha} N_{\mu\beta} = \text{Grad} \langle \mathfrak{D} \times \mathfrak{D}^k \rangle = \text{Verzweigungsindex.}$

t eine Ortsuniformisierende der \mathfrak{F} in einem Punkte.

τ eine Ortsuniformisierende der $\tilde{\mathfrak{F}}$.

3. Einfacher Divisor. Ein Divisor \mathfrak{D} heisst einfach, wenn er den folgenden Bedingungen genügt: