

L'ORDRE D'INCOMPLÉTITUDE POUR LE SYSTÈME D'ÉQUIVALENCE  
LA NÉGATION ET LA RÉCIPROCITÉ

EUGEN MIHĂILESCU

*Definition.* Soit  $L$  un système incomplet dans le calcul des propositions bivalentes. Nous dirons que  $L$  a l'ordre  $n$  d'incomplétude si les formes libres peuvent être classifiées en  $n$  groupes qui ont les propriétés suivantes:

1. Chaque groupe contient une infinité des formes libres.
2. Toutes les formes libres d'un groupe sont équipollentes entre elles.
3. Les formes d'un groupe ne sont pas équipollentes avec les formes appartenantes aux autres groupes.

Le système  $\mathcal{Q}(E, N)$  axiomatisé par les axiomes:

- A1.  $EEpqEqp$
- A2.  $EEEpqrEpEqr$
- A3.  $EENpNqEpq$

est un système incomplet, ayant l'ordre 1 d'incomplétude, parcequ'il admet une infinité des formes libres, toutes équipollentes entre elles, les plus courtes étant les formes:

$$NEpp; ENpp; EpNp$$

D'une façon analogue, les systèmes  $\mathcal{Q}(E, R)$ , où  $R$  est le foncteur qui dans le calcul complet des propositions bivalentes est défini par la matrice suivant:

$p:q$	$Rpq$
f:f	f
f:v	v
v:f	v
v:v	f

axiomatisé par les axiomes:

- A1.  $EEpqEqp$
- A2.  $EEEpqrEpEqr$
- A3.  $EERpQRrsEEpqErs$