

Sur la forme de Darboux généralisée I

Par

Jôyô KANITANI

(Reçu les 20 April 1954)

Notions préliminaires

Une hypersurface dans un espace projectif S_{n+1} ($n > 2$) dont le point courant est

$$y^\alpha(x^1, \dots, x^n) \quad (\alpha=0, 1, \dots, n+1)$$

peut se déterminer, à l'exception d'une transformation projective, au moyen d'une forme asymptotique $H_{ij}\omega^i\omega^j$ ($\omega^i = a_i^t dx^t$) et d'une forme de Darboux $H_{ijk}\omega^i\omega^j\omega^k$ ($i, j, k: 1 \rightarrow n$) satisfaisant aux équations fondamentales qui expriment la condition d'intégrabilité des équations simultanées aux dérivées partielles définissant le repère mobile attaché à l'hypersurface. Supposons maintenant qu'on se donne deux formes $H_{ij}\omega^i\omega^j$, $H_{ijk}\omega^i\omega^j\omega^k$ arbitrairement. Nous pouvons alors définir un espace R_n à connexion projective majorante sans torsion, admettant d'une hypersurface V_n qui a un contact du quatrième ordre avec R_n . Cet article est consacré à la détermination de H_{ijk} ($i, j, k=1, \dots, n$), étant donné H_{ij} , de telle sorte que l'hypersurface V_n ait un contact du sixième ordre avec R_n .

1. Considérons un espace R_n à connexion projective majorante $\omega_\alpha^\beta = a_{\alpha i}^\beta dx^i$ ($\alpha, \beta=0, 1, \dots, n+1$; $i: 1 \rightarrow n$; $n+1$ expressions ω_0^λ ($\lambda=1, \dots, n+1$) contiennent n expressions indépendantes): le repère mobile $[A, A_1, \dots, A_{n+1}]$ dans l'espace projectif S_{n+1} attaché à une courbe C dans R_n est défini par

$$(1.1) \quad dA_\alpha = \omega_\alpha^\beta A_\beta \quad (\alpha=0, 1, \dots, n+1; \beta: 0 \rightarrow n+1; A_0 \equiv A)$$

(le point A_α a pour coordonnées $A_\alpha^0, \dots, A_\alpha^{n+1}$).

En prenant une connexion convenable qui est équivalente à la connexion donnée (i.e. sans changer le développement de C), nous pouvons faire

$$(1.2) \quad \omega_0^0 = 0, \quad \omega_0^{n+1} = 0, \quad \omega_1^1 + \dots + \omega_{n+1}^{n+1} = 0.$$