

Sur les espaces analytiques holomorphiquement complets

Par

Toshio NISHINO

(Communiqué par Prof. A. Kobori, le 2 décembre, 1961)

1. Pour développer la théorie des fonctions holomorphes sur un espace analytique de la même manière que dans un domaine d'holomorphic sur l'espace des variables complexes, cet espace analytique faut satisfaire quelques conditions. En 1951, *K. Stein* a indiqué ces conditions¹⁾, on dit donc qu'une variété analytique ayant ces propriétés est *une variété de Stein* d'après *H. Cartan* ou, au cas de l'espace analytique, holomorphiquement complet. Pour améliorer les conditions de *Stein*, on a étudié. En 1955, *H. Grauert* a introduit la notion "K-complet" et il a indiqué que tout espace analytique est holomorphiquement complet s'il est holomorphe-convexe et K-complet²⁾. En 1956 *R. Remmert* a indiqué qu'il en est ainsi s'il est holomorphe-convexe et holomorphiquement séparable³⁾. On veut obtenir la condition non analytique. En 1957, *T. Asami* a défini une fonction de Levi strictement positive et il a aussi indiqué qu'il en est ainsi s'il est holomorphe-convexe et admet l'existence de telle fonction⁴⁾. Il s'agit maintenant de la condition "holomorphe-convexe". En 1957, *H. Grauert* a indiqué qu'un domaine sur une variété analytique \mathfrak{M} est holomorphe-convexe

1) K. Stein, Analytische Funktionen mehrerer komplexen Veränderlichen zu vorgegebenen Periodizitätsmoduln und das zweite Cousinsche Problem. (Math. Annalen 123, 1951).

2) H. Grauert, Charakterisierung der holomorph vollständigen Räume. (Math. Annalen 127, 1955).

3) R. Remmert, Sur les espaces analytiques holomorphiquement séparables et holomorphiquement convexes. (C. R. Paris 243, 1956).

4) T. Asami, On the condition of a Stein variety. (Osaka Math. J. 9, 1957).