

ÜBER EINE RIEMANN'SCHE FUNKTIONENKLASSE MIT ZERFALLENDER THETA-FUNKTION.

VON
HERMANN SCHUMACHER

AUS RUHRORT.

Einleitung.

1. Als »binomisch« bezeichnet man die algebraischen Funktionen von z , die verzweigt sind wie die n te Wurzel aus einer rationalen Funktion $f(z)$ von z . Unbeschadet der Allgemeinheit darf man voraussetzen, dass $f(z)$ eine ganze Funktion von z ist. Denkt man durch eine passende Substitution 1. Ordnung der Variablen etwaige Verzweigungspunkte im Unendlichen vorher beseitigt, so ist der Grad dieser ganzen Funktion von z ein Multiplum von n , also etwa $n \cdot m$; ihre Nullpunkte sind dann die Verzweigungspunkte der zu $s = \sqrt[n]{f(z)}$ gehörigen RIEMANN'schen Fläche.

In Übungen über RIEMANN'sche Flächen (S. S. 1905) hat nun Herr Professor Dr. WELLSTEIN durch eine gruppentheoretisch normierte kanonische Zerschneidung der RIEMANN'schen Fläche gezeigt, dass, u. a. wenn n eine Primzahl ist, und f genau $n \cdot m$ verschiedene Nullpunkte hat, die Periodizitätsmoduln der Integrale

1. Gattung des durch $s = \sqrt[n]{f(z)}$ erzeugten Körpers von nur $n \cdot m - 3$ mit den Verzweigungspunkten veränderlichen Moduln abhängen und zwar im Körper der n ten Einheitswurzeln; $n \cdot m - 3$ ist bekanntlich auch die Anzahl der absoluten Invarianten; den Grund dieses Zusammenhanges hat Herr WELLSTEIN in seiner Arbeit: »Zur Funktionen- und Invariantentheorie der binomischen Gebilde« angegeben.¹

Es war nun von Interesse, die von Herrn WELLSTEIN entwickelte allgemeine Methode an einem speziellen Falle durchzuführen. Nächst dem schon oft untersuchten hyperelliptischen Falle $n = 2$ kam zunächst der Fall $n = 3$ in Betracht, der von anderer Seite bearbeitet wird.² Über den Fall $n = 4$, $m = 1$ handelt die

¹ Nova acta Leopoldina, Band 74, No. 2.

² Vergl. übrigens: I. WELLSTEIN, Zur Theorie der Funktionenklasse $s^2 = (z - \alpha_1) \dots (z - \alpha_n)$. Math. Annalen. Band 52.