

SUR LES FAMILLES DE FONCTIONS MULTIFORMES ADMETTANT DES VALEURS EXCEPTIONNELLES DANS UN DOMAINE.

PAR

M. GEORGES RÉMOUNDOS

à ATHÈNES.

Introduction.

1. On sait que en 1904 M. LANDAU a découvert un théorème qui apporte au premier des célèbres théorèmes de M. PICARD une précision nouvelle, qui consiste à donner une propriété commune à toute une famille de fonctions holomorphes admettant des valeurs exceptionnelles dans un domaine.

Les valeurs exceptionnelles jouent un rôle important au point de vue de la convergence uniforme des séries de fonctions holomorphes, d'après les résultats de recherches récentes de MM. VITALI, SEVERINI, LANDAU, CARATHÉODORY et MONTEL.

Comme tous ces auteurs ne se sont occupés que de fonctions holomorphes ou méromorphes dans un domaine, je me suis proposé d'étudier les mêmes problèmes pour les familles de fonctions multiformes dans un domaine et cette étude fait le sujet de ce travail.

J'établis des théorèmes analogues à celui de M. LANDAU et concernant des familles de fonctions algébroides finies dans un domaine qui admettent deux valeurs exceptionnelles ou un domaine exceptionnel ou une ligne exceptionnelle. Pour étudier le rôle des valeurs exceptionnelles au point de vue de la convergence uniforme des séries de fonctions algébroides, je donne les définitions suivantes: