

NOUVELLES RECHERCHES
SUR LES SURFACES DU TROISIÈME ORDRE

PAR

C. LE PAIGE
à LIÈGE.

Plusieurs Géomètres se sont occupés déjà de la configuration $[15_6, 20_3]$ à laquelle donnent lieu deux tétraèdres homologues, et ont montré le rôle important qu'elle joue dans l'étude des surfaces du troisième ordre, soit par rapport aux vingt-sept droites de la surface,⁽¹⁾ soit pour l'interprétation géométrique de certains invariants de la forme cubique quaternaire.⁽²⁾

Nous nous proposons d'en faire voir une application différente et de rattacher l'existence de cette figure à des considérations que nous avons développées ailleurs.

Nous avons fait voir, dans divers travaux antérieurs,⁽³⁾ l'utilité de l'homographie H_2^3 dans la théorie des surfaces cubiques; pour aborder les questions actuelles, l'emploi des homographies biquadratiques ne nous paraît pas dénué d'intérêt.

Considérons une surface quelconque S_3 et, dans une section faite par un plan arbitraire ω , inscrivons un quadrilatère complet, ce qui est toujours possible à moins de positions spéciales du plan ω .

(1) CREMONA, Memorie della R. Accad. dei Lincei, 1877. Math. Annal., T. XIII, p. 301. CAPORALI, Accad. dei Lincei, 1878. VERONESE, Annali di Matematica, 1882, p. 173. Math. Annal., T. XIX, p. 194.

(2) R. DE PAOLIS, Accad. dei Lincei, T. X, p. 123.

(3) Bull. de l'Acad. roy. de Belgique, 3^e Série, T. V, p. 85. C. R., T. XCVII. Acta Mathematica, T. 3, p. 181.