

## UN THÉORÈME DE LA THÉORIE DES SÉRIES.

Extrait d'une lettre adressée à M. Mittag-Leffler

PAR

M. LERCH

à VINOHRADY.

Soit donnée une série de nombres entiers positifs

$$m_0, m_1, m_2, \dots$$

dont chaque terme est un diviseur de tous les suivants, et soient

$$c_0, c_1, c_2, \dots$$

des quantités complexes dont les parties réelles sont respectivement

$$\gamma_0, \gamma_1, \gamma_2, \dots$$

et qui sont supposées positives et telles que la série  $\sum \gamma_n$  soit divergente. Alors, dans tous les cas où la série

$$\mathfrak{F}(x) = \sum_{\nu=0}^{\infty} c_{\nu} x^{m_{\nu}}$$

sera convergente pour chaque valeur de  $x$  moindre en valeur absolue que l'unité, elle définira une fonction de la variable  $x$  n'existant qu'à l'intérieur du cercle fondamental  $|x| \leq 1$ .

Car en posant

$$x = e^{\pi i \left( \frac{2a}{m_s} + ai \right)}$$